

LES QUESTIONS 1 à 9 SONT INDÉPENDANTES et voici le barème envisagé :
|1.=1|2.=1|3.a=1|3.b=1,5|4.=1,5|5.=3|6.=2|7.=2|8.a=2|8.b=1|9.a=0,5|9.b=1,5|9.c=2|

1. (x_1, x_2, y_1, y_2) décrivant les quantités des deux inputs et des deux outputs dans un processus de production, écrire le sous-ensemble des processus efficaces, de l'ensemble de production suivant :
 $\{(5, 4, 8, 8), (4, 4, 8, 7), (5, 5, 9, 8), (4, 4, 7, 8), (5, 4, 9, 8)\}$.

2. Calculer a tel que $(x_1, x_2) = (27, 18)$ soit efficient pour produire $y = \text{Min}\left(\frac{x_1}{a}, \frac{x_2}{2}\right)$.

3.a Exprimer la relation existant entre le prix r_j et la quantité x_j^* d'un input j dans le plan de production d'une entreprise "preneuse" des prix de ses inputs et du prix p de son output.

3.b Calculer p quand sa fonction de production est $y = \sqrt{\sqrt{x_1 x_2}}$, $r_1 = r_2 = 0,5$ sont les prix de ses deux inputs et $(x_1^*, x_2^*) = (64, 64)$ est la combinaison de ses deux inputs dans son plan de production.

4. Dans le repère $(\overrightarrow{Ox_1}, \overrightarrow{Ox_2})$ de deux inputs dont les prix sont r_1 et r_2 , tracer l'isoquante le long de laquelle le $TMST_{2 \text{ à } 1}(x_1, x_2)$ croît de $TMST_{2 \text{ à } 1}(0,3) = 1/4$ à $TMST_{2 \text{ à } 1}(4,0) = 4$ pour justifier ensuite à quelle condition $(x_1, x_2) = (4,0)$ y sera l'unique combinaison la moins coûteuse pour produire.

5. Construire $CT(y)$ quand $y = x_1^{0,1} x_2^{0,2} x_3^{0,2}$ et les prix unitaires des inputs sont : $r_1 = 1$ et $r_2 = r_3 = 2$.

6. $CT(y) = 2y + 2$ est la fonction de coût total de long terme et $\overline{CTM}(y) = \frac{y}{2} + 1 + \frac{5}{2y}$, la fonction de coût total moyen de court terme d'une entreprise. Poser puis résoudre l'équation permettant de calculer la quantité y d'output qui est adaptée à son utilisation des facteurs fixes à court terme.

7. Calculer la quantité y et le prix p au seuil de fermeture d'une entreprise en CPP

dont la fonction de coût total de court terme est $\overline{CT}(y) = \frac{y^3}{3} - y^2 + 2y + 3$.

8. Sur un marché de concurrence pure et parfaite, la demande globale des consommateurs au prix unitaire p , est décrite par $D(p) = \frac{108}{\sqrt{6p}}$ et satisfaite par des entreprises qui ont chacune la même fonction de coût de production de long terme : $CT(y) = 2y^3 + 4$, $\forall y > 0$ et $CT(0) = 0$.

8.a Déterminer la fonction d'offre $y(p)$ à long terme commune à chacune de ces entreprises;

8.b Calculer la quantité échangée y_{LT} et le nombre N de ces entreprises, à l'équilibre de long terme.

9. $D(p) = 140 - 2p$ et $O(p) = 2p - 60$ décrivent demande et offre globales au prix p , sur un marché.

9.a Calculer le prix p_c d'équilibre de CPP sur ce marché.

9.b Calculer la taxe t par unité consommée qui conduirait à un prix hors taxe d'équilibre sur le marché : $p_T = 45$.

9.c Exprimer puis calculer les poids t_o et t_d de cette taxe t qui pèseraient respectivement sur l'offre et sur la demande.